

Correction du DS n°1

Exercice 1 : Représentation artistique

1.1. Calcul de la vitesse moyenne

$$v_{moy} = v_R = \frac{d}{\Delta t} = \frac{1,9}{0,75} = 2,5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

1.2. $f(\text{La3}) = 440 \text{ Hz} = f_E$

1.3. Le danseur se rapproche de la pianiste donc

$$\lambda_R < \lambda_E \text{ soit } f_R > f_E$$

1.4. $f_R > f_E$ donc $\Delta f = f_R - f_E > 0$

Seule la relation n°1 vérifie cette condition.

1.5. application numérique

$$\Delta f = f_E \times \frac{v_R}{v_{\text{son}} - v_R} = 440 \times \frac{2,5}{340 - 2,5} = 3,3 \text{ Hz}$$

1.6. $f_R = \Delta f + f_E = 440 + 3,3 = 443,3 \text{ Hz}$

1.7. Calcul de la variation relative

$$\frac{\Delta f}{f_E} = \frac{3,3}{440} = 7,5 \times 10^{-3} > \frac{1}{1000} = 1 \times 10^{-3}$$

La variation relative est supérieure au seuil pour une oreille entraînée. Par conséquent, le danseur a perçu une fréquence différente de celle jouée en raison de l'effet Doppler.

2.1. Calcul du niveau d'intensité sonore L_1 au premier rang

$$L_1 = 10 \times \log\left(\frac{I_1}{I_0}\right) = 10 \times \log\left(\frac{8,0 \times 10^{-3}}{1,00 \times 10^{-12}}\right) = 99 \text{ dB}$$

2.2. Calcul de la puissance acoustique sachant que $I=P/S$

$$P = I_1 \times S_1 = I_1 \times 2 \times \pi \times r_1^2 = 8,0 \times 10^{-3} \times 2 \times \pi \times 5,0^2 = 1,3 \text{ W}$$

(Pour info, $P = 1,25566$)

2.3. Calcul du niveau d'intensité sonore L_2 au dernier rang

$$L_2 = 10 \times \log\left(\frac{I_2}{I_0}\right) = 10 \times \log\left(\frac{P}{2 \times \pi \times r_2^2 \times I_0}\right) = 10 \times \log\left(\frac{P}{I_0 \times 2 \times \pi \times r_2^2}\right) =$$
$$L_2 = 10 \times \log\left(\frac{1,3 \text{ W}}{1,00 \times 10^{-12} \times 2 \times \pi \times 12^2}\right) = 92 \text{ dB (91 avec la valeur arrondie de P)}$$

Pour info, $I_2 = 1,4 \times 10^{-3} \text{ W} \cdot \text{m}^{-2}$

2.4. C'est une atténuation géométrique.

$$A = L_1 - L_2 = 99 - 92 = 7,0 \text{ dB}$$

Exercice 2 : Jeux de lumière

1. Pour observer des interférences, il faut que les ondes soient synchrones (même fréquence avec un déphasage constant) et se superposent.
2. Le casque anti-bruit **actif**
3. Au niveau des franges sombres, ce sont des interférences destructives. Au niveau des franges brillantes, ce sont des interférences constructives.
4. Calcul de la différence de chemin optique

$$\delta_0 = \delta = \frac{b \times x}{D} = \frac{400 \times 10^{-6} \times 11,7 \times 10^{-2}}{1,80} = 2,60 \times 10^{-5} \text{ m}$$

5. On sait que :

- les interférences sont constructives au point M si la différence de marche δ est égale à un multiple entier de la longueur d'onde λ , ($\delta=k \times \lambda$)
- les interférences sont destructives au point M si la différence de marche δ est égale à un « entier plus un demi » longueur d'onde λ . ($\delta=(k+1/2) \times \lambda$)

$$\frac{\delta}{\lambda} = \frac{2,6 \times 10^{-5}}{650 \times 10^{-9}} = 40 = k$$

Le point d'abscisse $x=11,7$ cm se trouve sur une frange brillante.

6. L'interfrange i correspond à la distance entre deux franges brillantes (ou sombres) successives. D'après la relation de la différence de chemin optique, on peut écrire que, pour une frange brillante, :

$$x_k = \frac{\delta \times D}{b} = \frac{k \times \lambda \times D}{b} = k \times \frac{\lambda \times D}{b}$$

D'où la relation de l'interfrange :

$$i = x_{k+1} - x_k = (k+1) \times \frac{\lambda \times D}{b} - k \times \frac{\lambda \times D}{b} = \frac{\lambda \times D}{b}$$

7. Application numérique

$$i = \frac{\lambda \times D}{b} = \frac{650 \times 10^{-9} \times 1,80}{400 \times 10^{-6}} = 2,93 \times 10^{-3} \text{ m} = 2,93 \text{ mm}$$

8. On détermine l'échelle et on mesure un grand nombre d'interfrange

papier	réel
1,7 cm	1,0 cm
$\ell = 18 \times i = 90 \text{ mm}$ soit $i = 5,0 \text{ mm}$	$i = 5,0 \times \frac{1,0}{1,7} = 2,94117 \text{ mm}$

9. $u(\ell) = 1 \text{ grad} / 2 = 0,5 \text{ mm}$
 $u(i) = u(\ell) / 18 = 0,027 \text{ mm} = 0,03 \text{ mm}$

10. L'interfrange vaut $i = 2,94 \text{ mm}$ avec une incertitude-type $u(i) = 0,03 \text{ mm}$

- 11.

$$z = \frac{|i - i_{\text{ref}}|}{u(i)} = \frac{|2,94 - 2,93|}{0,03} = 0,33 < 3$$

La mesure de l'interfrange est donc compatible avec la valeur de référence (valeur calculée)